

**Задача №32 (7719), майский вариант №2 (4815876), «Решу ЕГЭ»**

Для исследования рентгеновских лучей с длинами волн меньше 10 нм изготовить обычную дифракционную решётку с подходящим периодом не представляется возможным, однако есть способ обойти эту трудность. Возьмём обычную решётку с периодом  $d = 30$  мкм и осветим её параллельным пучком рентгеновского излучения с длиной волны  $\lambda = 4,5$  нм с углом падения на решётку  $\alpha = 89,5^\circ$  (скользящее падение лучей). Под каким углом  $\gamma$  к первоначальному пучку будет фиксироваться дифракционный максимум первого порядка? Считайте этот угол малым:  $\gamma \ll 1$ . Ответ выразите в градусах и округлите до целого числа.

**Решение.**

При скользящем падении лучей на дифракционную решётку с периодом  $d$  разность хода соседних лучей возникает как до их падения ( $-d \cdot \sin \alpha$ ) так и после их выхода из решётки ( $d \cdot \sin \varphi$ , где  $\varphi$  - угол дифракции, то есть угол между перпендикуляром к плоскости решётки и лучом). Таким образом, условие первого главного максимума для дифракции на решётке в данном случае имеет вид:  $d \cdot \sin \varphi - d \cdot \sin \alpha = k \cdot \lambda$ ,  $k=1$  по условию. Или, согласно тригонометрической формуле:

$$d \cdot 2 \sin\left(\frac{\varphi - \alpha}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{\varphi + \alpha}{2}\right) = \lambda$$

По условию угол отклонения луча решёткой  $\gamma = \varphi - \alpha \ll 1$ , поэтому  $\varphi \approx \alpha$  и  $\cos\left(\frac{\varphi + \alpha}{2}\right) \approx \cos(\alpha)$ . Значит,  $2 \sin\left(\frac{\varphi - \alpha}{2}\right) \approx \varphi - \alpha = \gamma$ .

И условие главного дифракционного максимума первого порядка приобретает вид:  $d \cdot \cos(\alpha) \cdot \gamma \approx \lambda$ . то есть эффективный период решётки уменьшается до  $d \cdot \cos(\alpha)$  и при угле  $\alpha$  близком к  $90^\circ$ , может быть намного меньше  $d$ . Теперь можно найти угол  $\gamma$ .

$$\gamma \approx \frac{\lambda}{d \cdot \cos \alpha} \approx (4,5 \cdot 10^{-9}) / (30 \cdot 10^{-6} \cdot \cos 89,5^\circ) \approx 0,984^\circ \approx 1^\circ.$$

Ответ:  $1^\circ$ .

**Задача №28 (10726), апрельский вариант №3 (4706405), «Решу ЕГЭ»**

Бабочки летают, быстро хлопая крыльями. Объясните с точки зрения физических законов и закономерностей, за счёт чего им удаётся удерживаться в воздухе. Оцените, с какой частотой  $\nu$  бабочке-монарху надо махать крыльями в воздухе плотностью  $\rho = 1,25 \text{ кг/м}^3$ , чтобы не упасть, если масса бабочки  $m = 0,5 \text{ г}$ , площадь крыльев  $S = 8 \text{ см}^2$ , максимальная вертикальная скорость концов крыльев в полёте  $u = 1 \text{ м/с}$ . Считайте, что бабочка опускает крылья вниз плашмя, а поднимает их вверх ребром.

**Решение.**

После каждого взмаха при опускании крыльев бабочка отбрасывает вниз порцию воздуха. Поскольку отбрасываемый воздух имеет массу, то он уносит импульс. В соответствии с законом сохранения импульса точно такой же импульс передаётся от отбрасываемого воздуха бабочке. В результате возникает подъёмная сила – она **численно равна импульсу, который получает бабочка в единицу времени**. Если эта сила уравнивает силу тяжести, действующую на бабочку, то она удерживается в воздухе.

2. Пусть при одном опускании крыльев за время  $\Delta t$  бабочка отбрасывает вниз некоторую массу  $\Delta m$  воздуха плотностью  $\rho$  в пределах своей площади крыльев  $S$  со средней скоростью  $V$ . При этом воздуху сообщается импульс

$$\Delta p = \Delta m V = \rho S V \Delta t \cdot V = \rho S V^2 \Delta t.$$

В единицу времени при частоте взмахов  $\nu$  весь переданный воздуху импульс будет равен

$$\Delta P / \Delta t = \nu \Delta p / \Delta t = \nu \rho S V^2.$$

Бабочка при этом получает в единицу времени такой же по модулю импульс, но уже направленный вверх.

3. Согласно второму закону Ньютона,  $\Delta P / \Delta t = \nu \rho S V^2 = mg$ , откуда  $\nu = mg / (\rho S V^2)$ .

4. Для оценки скорости  $V$ , входящей в эту формулу, будем считать, что она составляет половину максимальной скорости концов крыльев:  $V = u/2$ .

Таким образом,  $\nu \approx 4mg / (\rho S u^2) = 20 \text{ Гц}$ .

Ответ: 20 Гц.